

## Problemas – Tema 7

### Enunciados de problemas ampliación Temas 5 y 6

#### ■ Hoja 1

1. Dado el segmento de extremos  $A(-7,3)$  y  $B(5,11)$ , halla la ecuación de su mediatriz.
2. Halla la distancia del punto  $P(1,0)$  a la recta  $r: \frac{x}{6} + \frac{y}{4} = 1$ .
3. Halla el punto simétrico de  $A(1,1)$  respecto de la recta  $r: x - 3y - 12 = 0$ .
4. Dado el triángulo de vértices  $A(0,0)$ ,  $B(10,2)$  y  $C(6,8)$ :
  - a) Halla las coordenadas de su ortocentro (punto de corte de las alturas).
  - b) Halla las coordenadas del circuncentro (punto de corte de las mediatrices).
5. Halla la distancia del origen de coordenadas a la recta  $r: 3x - 4y + 10 = 0$ .
6. Sea el triángulo de vértices  $A(0,0)$ ,  $B(4,3)$  y  $C(1,8)$ . Hallar su área utilizando teoría de vectores y rectas (no usar teorema del seno ni teorema de coseno de trigonometría).
7. Dada la recta  $r: x - 2y = 0$  y los puntos  $A(0,3)$  y  $B(-1,5)$ . Halla los extremos del segmento simétrico al  $\overrightarrow{AB}$  respecto de la recta.
8. Calcula la distancia entre las rectas  $r: 3x - 4y + 5 = 0$  y  $s: 3x - 4y - 15 = 0$ .
9. Escribir los vectores que formen un ángulo de  $40^\circ$  con el vector  $\vec{u} = (1,1)$  y que posean módulo unidad.
10. Escribir un vector ortogonal a  $\vec{u} = (1,1,1)$ .
11. Obtener un vector que forme una base en dos dimensiones junto al vector  $\vec{u} = (1,1)$ .
12. Normalizar la base formada por los vectores  $\vec{u} = (1,1)$  y  $\vec{v} = (-2,3)$ .

## Hoja 2

1. Escribe la ecuación de las rectas que pasando por el punto  $P(2, -7)$  sea:
  - a) paralela a la bisectriz del primer y tercer cuadrante.
  - b) perpendicular a la bisectriz del segundo y cuarto cuadrante.
2. Obtener el ángulo que forman las rectas  $r: \sqrt{3}x + y - 5 = 0$  y  $s: 3x - \sqrt{3}y + 1 = 0$ .
3. Escribe la ecuación general de una recta que pase por el punto  $P(3, 1)$  y forme con la recta  $r: x - 2y + 7 = 0$  un ángulo de  $45^\circ$ .
4. Halla la ecuación general de una recta que pase por el origen de coordenadas y forme un ángulo de  $60^\circ$  con la recta  $r: \sqrt{3}x - 3y + 1 = 0$ .
5. Las rectas  $r: 3x + 2y - 1 = 0$  y  $s: x + k \cdot y - 2 = 0$  forman un ángulo de  $\frac{\pi}{3}$  radianes. Obtener el valor de  $k$ .
6. Dos vértices opuestos de un rombo son los puntos  $A(3, 5)$  y  $C(2, 1)$ . Y el vértice  $B$  se encuentra en el eje de abscisas. Obtener las coordenadas de  $B$  y  $D$ .
7. Un punto es equidistante a los puntos  $A(6, 2)$  y  $B(-4, 8)$ . Su distancia al eje OX es el doble de la distancia al eje OY. Determinar ese punto.
8. La recta  $r$  corta a los ejes OX y OY en los puntos  $P$  y  $Q$  respectivamente, cumpliéndose que  $|\vec{OP}| = 3 \cdot |\vec{OQ}|$ . Halla la ecuación de  $r$  sabiendo que pasa por el punto  $(2, 5)$ .
9. Obtener un vector paralelo a  $\vec{u} = (3, 1)$ .
10. Obtener un vector antiparalelo a  $\vec{u} = (-5, 2)$ .
11. ¿Para qué valores de  $k$  los vectores  $\vec{u} = (1, 1)$  y  $\vec{v} = (4, k)$  son linealmente dependientes?
12. ¿Para qué valores de  $k$  los vectores  $\vec{u} = (3, 2)$  y  $\vec{v} = (6, k)$  son linealmente independientes?
13. ¿Por qué tres vectores de dos dimensiones que formen sistema generador no pueden formar un base?

## Hoja 3

1. Los puntos  $P(2,3)$  y  $Q(-4,1)$  son simétricos respecto cierta recta  $r$ . Obtener la ecuación general de esa recta.

2. Sea  $r: x-3y+6=0$ . Escribe la ecuación de su recta simétrica respecto:

a) al eje OX.

b) al eje OY.

3. La recta  $r$  pasa por el punto  $P(4,7)$  y forma un ángulo de  $45^\circ$  con  $t: 3x-y+11=0$ . La recta  $s$  pasa por el punto  $Q(1,3)$  y forma un ángulo de  $90^\circ$  con  $v: 2x-y+7=0$ .

Escribe las ecuaciones generales de  $r$  y  $s$ . Halla el punto de intersección de ambas rectas.

4. Halla las ecuaciones de las dos rectas que, pasando por  $P(2,3)$ , forman un ángulo de  $45^\circ$  con la recta de ecuación  $r: x+2y-5=0$ .

5. Sean los puntos  $A(1,3)$  y  $B(3,2)$ . Sabemos que el triángulo ABC es isósceles y rectángulo en B. Halla las coordenadas del vértice C.

6. Sean las rectas  $r: 3x+4y+10=0$  y  $s: 3x+4y-10=0$ .

a) Escribe sus ecuaciones normales.

b) Calcula la distancia de cada una respecto al origen.

c) Calcula la distancia entre ambas rectas.

7. Sean las rectas  $r: 3x+4y-12=0$  y  $s: 5x+12y-60=0$ . Escribe las ecuaciones de las dos bisectrices.

8. Halla la distancia entre las rectas  $r: x+y-3=0$  y  $s: x+y+7=0$ .

9. Escribir el vector  $\vec{v}=(4,-3)$  como combinación lineal de los vectores de la base canónica en dos dimensiones.

10. Calcular el ángulo formado por el vector suma y el vector diferencia de los vectores  $\vec{u}=(4,-3)$  y  $\vec{v}=(2,5)$ .

11. Obtener el área del triángulo de vértices  $A(0,0,0)$ ,  $B(1,0,1)$  y  $C(0,2,-1)$  con ayuda del producto vectorial.

## Hoja 4

1. Escribe las ecuaciones de las posibles rectas que, siendo paralelas a  $r: x - 2y - 3 = 0$ , disten 5 unidades del origen de coordenadas.
2. Un triángulo tiene sus lados sobre las rectas  $r: x = 0$ ,  $s: y = 0$  y  $t: 3x + 4y - 12 = 0$ . Obtener:
  - a) Ortocentro (punto de intersección de las alturas).
  - b) Circuncentro (punto de intersección de las mediatrices).
  - c) Baricentro (punto de intersección de las medianas).
  - d) Incentro (punto de intersección de las bisectrices).
3. Obtener ecuación de la recta que, formando un ángulo de  $30^\circ$  con el semieje positivo OX, diste 6 unidades del origen de coordenadas.
4. Obtener la ecuación de la mediatriz del segmento determinado por el punto  $A(3,0)$  y por el pie de la perpendicular, trazado desde  $A$ , a la recta  $r: x - 2y + 6 = 0$ .
5. Obtener la ecuación de la recta simétrica a  $r: x - 3y + 5 = 0$  respecto del eje de simetría formado por la recta  $s: 2x + y - 4 = 0$ .
6. Dos vértices opuestos de un cuadrado son  $A(1,1)$  y  $C(5,3)$ . Obtener las coordenadas de los otros dos vértices y el área del cuadrado.
7. Dados los puntos  $P(0,-1)$  y  $Q(1,2)$ , determina las coordenadas de un punto  $A$  que pertenezca a la recta  $r: x + y - 2 = 0$  y cumpla que el vector  $\vec{AP}$  sea perpendicular a  $\vec{AQ}$ .
8. Dada la recta  $r: 3x - 5y + 25 = 0$  y los puntos  $P(3,4)$  y  $Q(7,8)$ , hallar el punto  $A$  que pertenezca a la recta y verifique que el vector  $\vec{PA}$  es igual a  $\vec{AQ}$ .
9. El producto escalar de dos vectores de dos dimensiones paralelos es igual a 6. El módulo de uno de ellos es 2 y el módulo del segundo es 3. La pendiente de uno de ellos es igual a 1. Obtener ambos vectores.
10. Obtener el valor de  $k$  para que los vectores  $\vec{u} = (1,0,1)$  y  $\vec{v} = (2,k,-1)$  sean perpendiculares.

## Hoja 5

- Halla el eje de simetría que transforma la recta  $r: x+2y-2=0$  en la recta  $s: x-2y-2=0$ .
- Dada las rectas  $r: 3x+2y-5=0$  y  $s: 3x-2y+1=0$ , obtener el punto  $P$  que equidista de ambas y que pertenezca a la bisectriz del segundo y cuarto cuadrante.
- Escribe la ecuación de la circunferencia:
  - Con centro  $(1,-3)$  y radio  $\sqrt{3}$  unidades.
  - Con centro  $(1,1)$  y pasa por el punto  $A(5,4)$ .
  - Con diámetro el segmento de extremos  $A(3,2)$  y  $B(7,-4)$ .
- Escribe la ecuación de la circunferencia:
  - Que pasa por  $A(2,0)$  y  $B(0,8)$  y con centro en la bisectriz del segundo y cuarto cuadrante.
  - Concéntrica a la circunferencia de ecuación  $(x+3)^2+(y-5)^2=16$  y con radio 8 unidades.
  - Con centro en la intersección de las rectas  $r: 2x+y-7=0$  y  $s: 4x-y-11=0$ , y radio igual a la distancia del origen de coordenadas a la recta  $t: 5x+12y-26=0$ .
- Escribe la ecuación de la circunferencia que pasa por los puntos  $A(0,0)$ ,  $B(8,0)$  y  $C(0,4)$ .
- Halla los valores de  $a$  y  $b$  para que la ecuación  $3x^2+ay^2+2bxy-12x+3y+4=0$  represente una circunferencia. Calcula coordenadas del centro y su radio.
- Hallar las ecuaciones de las posibles circunferencias que siendo tangentes a los ejes OX y OY, pasan por el punto  $P(1,2)$ .
- Halla la ecuación de la circunferencia en la que los puntos  $A(1,6)$  y  $B(3,-2)$  son diametralmente opuestos.
- Sea  $\vec{u}=(1,2,1)$ ,  $\vec{v}=(2,1,3)$  y  $\vec{w}=(-1,2,2)$ .
  - Calcula el rango de la matriz formada por los tres vectores.
  - ¿Están contenidos en el mismo plano?
  - Calcula el producto escalar de  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$ .
  - Calcula el módulo del producto vectorial de  $\vec{u}$  y  $\vec{w}=(-1,2,2)$ .
  - Obtener un vector antiparalelo al vector suma  $\vec{v}+\vec{w}$ .
  - Normaliza el vector resultante de operar  $2\vec{u}-\vec{v}+3\vec{w}$ .

## Hoja 6

- Halla la ecuación de la circunferencia que pasa por los puntos  $A(0, -2)$ ,  $B(2, 3)$  y  $C(-2, 2)$ .
- Halla la ecuación de la circunferencia que tiene su centro en  $(2, -1)$  y es tangente a la recta  $r: 3x - 4y + 5 = 0$ . Determina también el punto de tangencia.
- Halla la ecuación de la circunferencia que pasa por  $A(3, 1)$  y  $B(7, 3)$  y tiene por radio  $\sqrt{10}$  unidades.
- Sea la recta  $r: x + 2y - a = 0$  y la circunferencia  $x^2 + y^2 = 9$ . Calcula el parámetro  $a$  para que:
  - La recta y la circunferencia sean secantes.
  - La recta y la circunferencia sean tangentes.
  - La recta y la circunferencia sean exteriores.
- Halla el lugar geométrico de los puntos del plano que están a igual distancia de  $A(0, 1)$  y  $B(-2, 3)$ , y que además equidisten de las rectas  $r: x - 2y + 5 = 0$  y  $s: 2x + y + 4 = 0$ .
- Escribe la ecuación de la circunferencia con centro en  $(1, 0)$  y radio 5 unidades. Halla la potencia del punto  $Q(8, 0)$  y del punto  $T(3, 4)$  respecto de dicha circunferencia.
- Sea la circunferencia  $x^2 + y^2 = 25$ . Escribe la ecuación de la recta tangente a la circunferencia en el punto con abscisa 2 y ordenada positiva.
- Sea la circunferencia  $x^2 + y^2 = 9$  y el punto  $P(a, 0)$ . Estudia la posición relativa del punto respecto a la circunferencia según el valor de  $a$ .

## Hoja 7

1. Sea la circunferencia de centro  $(1, -3)$  y tangente a la recta  $r: x - y - 10 = 0$ . Y sea una segunda circunferencia concéntrica a  $x^2 + y^2 - 4x + 2y - 4 = 0$  y de radio 6 unidades. Halla el eje radical de las dos circunferencias.
2. Sea la circunferencia de centro  $(3, 1)$  y radio 4 unidades. Una segunda circunferencia de centro  $(4, 5)$  es tangente al eje de ordenadas. Y una tercera circunferencia pasa por el origen de coordenadas y tiene su centro en  $(-3, -4)$ . Hallar el centro radical de las tres circunferencias.
3. Sea la circunferencia  $x^2 + y^2 = 4$  y un punto exterior a ella  $P(6, 0)$ . Obtener la ecuación general de las dos rectas tangentes a la circunferencia y que pasan por el punto.
4. Obtener la ecuación de las rectas tangentes a la circunferencia  $x^2 + y^2 = 1$  y que pasan por el punto  $(0, 3)$ .
5. Representa gráficamente las circunferencias  $x^2 + y^2 - 4x - 6y - 23 = 0$  y  $x^2 + y^2 - 4x - 6y - 3 = 0$ . Obtener la ecuación de su eje radical.
6. Halla el eje radical de la circunferencia que tiene centro en  $(2, 3)$  y radio  $r = 2$ , y de la circunferencia que tiene centro en  $(2, -5)$  y radio  $r = 6$ .
7. Sea la circunferencia  $x^2 + y^2 = 1$  y el punto  $P(a+1, 2a)$ . Estudia la posición relativa del punto respecto a la circunferencia según el valor de  $a$ .
8. Halla el lugar geométrico de los puntos del plano tales que la diferencia de los cuadrados de sus distancias a los puntos  $A(6, -2)$  y  $B(11, 10)$  sea 26.

## Hoja 8

- Respecto unos ejes cartesianos rectangulares, los postes de una portería de fútbol son los puntos  $A(1,0)$  y  $B(-1,0)$ . ¿Desde qué puntos del campo se ve la portería bajo un ángulo de  $90^\circ$ ?
- Calcula la ecuación de la elipse con centro el origen de coordenadas y focos en el eje de abscisas, sabiendo que :
  - Su distancia focal es 16 y su excentricidad  $\frac{4}{5}$ .
  - Su semieje mayor es 9 y pasa por el punto  $(6,4)$ .
  - Pasa por el punto  $(1,3)$  y su excentricidad es  $\frac{1}{2}$ .
  - Pasa por  $(\frac{1}{2}, \sqrt{3})$  y por  $(\frac{\sqrt{3}}{2}, 1)$ .
  - El eje menor mide 10 y pasa por  $(8,3)$ .
- Obtener los vértices, focos, distancia focal, longitud del semieje mayor y longitud del semieje menor de la elipse  $64x^2 + 36y^2 + 128x + 72y - 2204 = 0$ . Representarla gráficamente.
- Obtener los vértices, focos, distancia focal, longitud del semieje mayor y longitud del semieje menor de la elipse  $x^2 + 5y^2 - 6x + 20y + 8 = 0$ . Representarla gráficamente.
- Obtener los vértices, focos, distancia focal, longitud del semieje mayor y longitud del semieje menor de la elipse  $16x^2 + 9y^2 + 128x - 90y + 337 = 0$ . Representarla gráficamente.
- Escribe la ecuación de la elipse de centro el origen de coordenadas, ejes sobre los cartesianos y focos sobre el eje de abscisas, sabiendo que uno de sus focos es  $F'(-3,0)$  y que los radio vectores de un punto  $P$  perteneciente a la elipse miden respectivamente 2 y 8.



## Hoja 9

1. Halla la ecuación de la elipse centrada en el punto  $(-1,3)$  con foco sobre una recta paralela al eje de abscisas, siendo su semieje mayor 8 y la excentricidad  $\frac{3}{5}$ .
2. Halla la ecuación de la elipse de focos  $F(1,1)$  y  $F'(-1,1)$ , con eje mayor 4.
3. Sea la elipse  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ . Escribe las ecuaciones de los radios vectores del punto de abscisa 3 y ordenada positiva perteneciente a la elipse.
4. Calcula el valor de  $k$  para que la recta  $r: x - y + k = 0$  sea tangente a la elipse  $x^2 + 2y^2 = 4$ .
5. Halla la ecuación de la elipse de focos  $F'(0,0)$  y  $F(3,3)$ , teniendo por eje mayor 10 unidades.
6. Halla la ecuación de la elipse de focos  $F'(-\sqrt{3}, -1)$  y  $F(\sqrt{3}, 1)$ , teniendo por eje mayor 10 unidades.
7. Obtener la ecuación de la recta tangente trazada desde el punto  $P(0,3)$  a la elipse  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{1} = 1$ .
8. Halla el área del cuadrilátero formado por los puntos de corte de la elipse  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$  con las bisectrices de los cuatro cuadrantes.

## Hoja 10

1. Halla la ecuación del lugar geométrico de los puntos del plano cuya distancia al punto  $(3,0)$  y su distancia a la recta  $r: 3x - 25 = 0$  están en razón  $\frac{3}{5}$ . ¿Se trata de alguna curva cónica?
2. Determina la ecuación de la recta tangente y de la recta normal a la elipse  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 1$  en el punto de abscisa  $\frac{3}{\sqrt{2}}$  y ordenada positiva.
3. Determina la ecuación de las rectas tangentes a la elipse  $2x^2 + y^2 = 8$  trazadas desde el punto  $P(-1,5)$ .
4. Obtener la ecuación de la elipse de focos sobre una recta paralela al eje de abscisas, centrada en  $(-1,3)$ , con semieje menor 8 y excentricidad  $\frac{3}{5}$ .
5. Demuestra que si  $P(x, y)$  es un punto de la elipse, la razón entre las distancias del punto al foco  $F$  y del punto a la recta  $x = \frac{a}{e}$ , es igual a la excentricidad  $e$  de la elipse ( $a$  es la longitud del semieje mayor).
6. Un objeto móvil se desplaza de modo que su distancia al punto  $(4,0)$  es siempre la mitad de su distancia a la recta  $x - 16 = 0$ . Halla la ecuación de la trayectoria del objeto.
7. Dada la elipse  $x^2 + 2y^2 = 6$ , obtener las coordenadas de un rectángulo inscrito en la elipse, de lados paralelos a los ejes de la elipse y de perímetro 12 unidades.
8. Halla el valor de  $k$  para que la elipse  $x^2 + 2y^2 = 4$  y la recta  $x - y + k = 0$  sean tangentes.

## Hoja 11

1. Obtener las coordenadas del centro, de los focos, de los vértices reales, la longitud del semieje real, del semieje imaginario, la distancia focal, la excentricidad y las asíntotas de la hipérbola  $16x^2 - 9y^2 + 32x + 36y - 164 = 0$ . Representarla gráficamente.

2. Obtener las coordenadas del centro, de los focos, de los vértices reales, la longitud del semieje real, del semieje imaginario, la distancia focal, la excentricidad y las asíntotas de la hipérbola  $16x^2 - 9y^2 - 96x - 18y + 279 = 0$ . Representarla gráficamente.

3. Obtener la ecuación de la hipérbola centrada en el origen, focos sobre el eje de abscisas, que pasa por el punto  $(8\sqrt{2}, 15)$  y que tenga por excentricidad  $\frac{17}{8}$ .

4. Obtener la ecuación de la hipérbola centrada en el origen, focos sobre el eje de abscisas, que pasa por el punto  $(\frac{\sqrt{5}}{2}, 1)$  y con asíntota la recta  $y = 2x$ .

5. Obtener la ecuación de la hipérbola centrada en el punto  $(4, 2)$ , con un foco en  $(4, 5)$  y excentricidad  $\frac{3}{2}$ .

6. Obtener las ecuaciones de las asíntotas de la hipérbola  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 5 = 0$ .

7. Obtener ecuación de la hipérbola de focos  $F(0, 0)$  y  $F'(-2, -2)$ , siendo su eje real 4.

8. Obtener ecuación de la recta tangente a la hipérbola  $\frac{x^2}{16} - \frac{y^2}{9} = 1$  en el punto  $(\frac{20}{3}, 4)$ .

## Hoja 12

1. Sea un triángulo de vértices  $A(0,0)$  ,  $B(8,-10)$  y  $C(4,6)$  . Obtener:

- Circuncentro (punto de intersección de las mediatrices).
- Ecuación de la circunferencia circunscrita al triángulo, con centro en el circuncentro y radio igual a la distancia del circuncentro a uno de los vértices del triángulo.

2. Sea la recta  $r: x+2y-a=0$  y la circunferencia  $x^2+y^2=9$  . Calcula el parámetro  $a$  para que:

- La recta y la circunferencia sean secantes.
- La recta y la circunferencia sean tangentes.

3. Sean las circunferencias  $x^2+y^2-4x-6y-23=0$  y  $(x-6)^2+y^2+75+20y=0$  .

- Obtener el centro y el radio de cada circunferencia.
- Calcula la potencia del punto  $P(2,0)$  respecto ambas circunferencias. Según el signo de las potencias, indica la posición del punto  $P(2,0)$  respecto cada circunferencia.

4. Calcula la ecuación de la elipse que pasa por el punto  $P(8,3)$  , con centro el origen de coordenadas, focos en el eje de abscisas y eje menor igual a 10 . Representala gráficamente, indicando las coordenadas de los puntos  $A, A', B, B', F, F'$  de la elipse.

## Hoja 13

1. Sea una circunferencia de centro  $(0,2)$  y radio 2 unidades. Sea una segunda circunferencia de centro  $(3,0)$  y radio 3 unidades. Ambas circunferencias se cortan en los puntos  $A$  y  $B$ . Obtener la recta que une a los puntos  $A$  y  $B$ .

2. a) Sea un segmento de extremo inicial  $A(1,2)$  y extremo final  $B(3,-2)$ . Obtener los extremos del segmento simétrico respecto a la simetría central de centro el punto  $P(0,5)$ .

b) Obtener el ángulo formado por el corte de las rectas  $r: \frac{x}{-2} + \frac{y}{4} = 1$  y  $s: y = \frac{-1}{3}x - 1$

3. a) Determina la ecuación de las rectas tangentes a la elipse  $2x^2 + y^2 = 8$  trazadas desde el punto  $P(-1,5)$ .

b) Obtener la ecuación de la elipse de focos sobre una recta paralela al eje de abscisas, centrada en  $(-1,3)$ , con semieje menor 8 y excentricidad  $\frac{3}{5}$ .

4. Dada la elipse  $x^2 + 2y^2 = 6$ , obtener las coordenadas de un rectángulo inscrito en la elipse, de lados paralelos a los ejes de la elipse, y de perímetro 12 unidades. Representa la elipse gráficamente, indicando las coordenadas de los puntos  $A, A', B, B', F, F'$ , y representa también los cuatro vértices del rectángulo solución.

## Hoja 14

1. Dados los puntos  $A(2,3)$  y  $B(6,1)$  halla la ecuación del lugar geométrico de los puntos del plano  $P(x,y)$  tales que los vectores  $\vec{AP}$  y  $\vec{BP}$  sean perpendiculares entre sí.

2. Un punto es equidistante a los puntos  $A(6,2)$  y  $B(-4,8)$ . Su distancia al eje OX es el doble de la distancia al eje OY. Determinar ese punto.

3. Un triángulo tiene sus lados sobre las rectas  $r: x=0$ ,  $s: y=0$  y  $t: 3x+4y-12=0$ .

a) Obtener su circuncentro (punto de intersección de las mediatrices).

b) Escribir la recta  $t$  en forma paramétrica.

4. Calcula las rectas tangentes a la elipse de ecuación  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{4} = 1$  cuya pendiente sea igual a 1.

5. Sea un polígono regular con centro el origen de coordenadas. Dos vértices consecutivos del polígono regular son los puntos  $A(2,0)$  y  $B(\sqrt{2}, \sqrt{2})$ . ¿Cuántos lados tiene el polígono?

6. Sea el triángulo de vértices  $A(0,0)$ ,  $B(4,3)$  y  $C(1,8)$ . Calcula su área.

7. Sea la elipse  $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{12} = 1$  y la circunferencia  $x^2 + y^2 - 6x - 1 = 0$ .

a) Obtener el centro, el semieje mayor, el semieje menor y el semieje focal de la elipse.

b) Obtener el centro y el radio de la circunferencia.

c) Obtener los puntos de corte de la elipse con la circunferencia.

8. Dados los vectores  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$ , tales que  $|\vec{u}|=2$ ,  $|\vec{v}|=6$  y el ángulo que forman entre sí es de  $60^\circ$ . Hallar  $|\vec{u}+\vec{v}|$  y  $|\vec{u}-\vec{v}|$ .

9. Sea el vector  $\vec{u}=(3,2)$ . Obtener un vector  $\vec{v}$  que forme  $45^\circ$  con  $\vec{u}$  y cuyo módulo sea el doble del módulo de  $\vec{u}$ .

## ■ Hoja 15

1. Sea un segmento de extremo inicial  $A(1,2)$  y extremo final  $B(3,-2)$ . Obtener los extremos del segmento simétrico respecto a la simetría central de centro el punto  $P(0,5)$ .
2. Obtener el ángulo formado por el corte de las rectas  $r: \frac{x}{-2} + \frac{y}{4} = 1$  y  $s: y = \frac{-1}{3}x - 1$ .
3. Calcula la ecuación de la elipse que pasa por  $P(8,3)$ , con centro el origen de coordenadas, focos en el eje de abscisas y eje menor igual a 10. Representala gráficamente, indicando las coordenadas de los puntos  $A, A', B, B', F, F'$  de la elipse.
4. Sea el triángulo de vértices  $A(5,2)$ ,  $B(-1,6)$  y  $C(3,-2)$ . Calcula su área.
5. Obtener la ecuación de la elipse de focos sobre una recta paralela al eje de abscisas, centrada en  $(-1,3)$ , con semieje menor 8 y excentricidad  $\frac{3}{5}$ .