

**Instrucciones:**

**a) Duración:** 1 hora y 10 minutos.

**b)** Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**. Indica, en la primera hoja donde resuelves el examen, la opción elegida.

**c)** La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.

**d)** Contesta de forma razonada y escribe a bolígrafo (no a lápiz) ordenadamente y con letra clara. Las faltas de ortografía y la mala presentación pueden restar hasta un máximo de 2 puntos de la nota final (-0,25 por falta, borrón o tachón).

**e)** Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

**Opción A**

**Ejercicio 1.- a) [1 puntos]** Halla la ecuación general o implícita del plano que pasa por los puntos  $A(0, -1, 2)$ ,  $B(2, 2, 3)$  y  $C(0, 0, 3)$ .

**b) [1,5 puntos]** Obtener una recta perpendicular al plano  $\Pi: \begin{cases} x = -\alpha + \beta + 1 \\ y = \alpha - 2\beta \\ z = \alpha + \beta \end{cases}$  y que pase por  $A(0, -1, 2)$ .

**Ejercicio 2.-** Sean las rectas  $r: \begin{cases} x + y = 1 \\ y + z = 1 \end{cases}$  y  $s: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{-1} = z + 2$ .

**a) [1,5 puntos]** Comprobar que son cruzadas.

**b) [1 punto]** Obtener la distancia entre ambas rectas (ayuda:  $d(r, s) = \frac{|\vec{AB} \cdot (\vec{u}_r \times \vec{u}_s)|}{|\vec{u}_r \times \vec{u}_s|}$ ).

**Ejercicio 3.- [2,5 puntos]** Sea el plano  $\Pi_1: x + z = -2$ , el plano  $\Pi_2: \begin{cases} x = -\alpha + \beta \\ y = \alpha - \beta \\ z = 1 + \alpha + \beta \end{cases}$  y el plano que

corta a los ejes cartesianos en los puntos  $(1, 0, 0)$ ,  $(0, -1, 0)$ ,  $(0, 0, \frac{1}{2})$ . Estudiar la posición relativa de los tres planos.

**Ejercicio 4.- a) [1,5 puntos]** Sean los puntos  $P(2, 3, 1)$  y  $Q(0, 1, 1)$ . Halla la ecuación del plano  $\Pi$  respecto del cual ambos puntos son simétricos.

**b) [1 punto]** Determina todos los vectores  $\vec{u} = (a, 0, b)$  que tengan módulo 8 y sean perpendiculares a la recta  $r: \begin{cases} x + y + z = 0 \\ x - y + z - 2 = 0 \end{cases}$ .

**Opción B**

**Ejercicio 1.- Ejercicio 1.- a) [1,5 puntos]** Calcular el parámetro  $a$  para que la recta  $r: \begin{cases} x-z=0 \\ x+ay=1 \end{cases}$  sea paralela al plano  $\Pi: x+z=0$ .

**b) [1 punto]** Obtener los cortes del plano  $\Pi: \begin{cases} x=-\alpha+\beta+1 \\ y=\alpha-2\beta \\ z=\alpha+\beta \end{cases}$  con los tres ejes de coordenadas cartesianos.

**Ejercicio 2.-** Sean las rectas  $r: \begin{cases} 2x-4z=2 \\ x+y+z=1 \end{cases}$  y  $s: \frac{x}{2} = \frac{y+2}{a} = \frac{z-\frac{1}{2}}{1}$ .

**a) [2 puntos]** Determina la posición relativa de dichas rectas, según los diferentes valores de  $a$ .

**a) [0,5 puntos]** Si  $a=2$  determina el ángulo entre ambas rectas.

**Ejercicio 3.-** Sea el triángulo de vértices  $A(1,2,-2)$ ,  $B(0,-3,1)$  y  $C(-1,0,0)$  y los planos  $\Pi_1: x+y+z+1=0$  y  $\Pi_2: \begin{cases} x=-\alpha+\beta+1 \\ y=\alpha-2\beta \\ z=\alpha+\beta \end{cases}$ .

**a) [2 puntos]** Obtener la posición relativa de  $\Pi_1$  y del plano que contiene al triángulo.

**b) [0,5 puntos]** Obtener el ángulo formado por el plano  $\Pi_1$  y el plano  $\Pi_2$ .

**Ejercicio 4.-** Sea la recta  $r: x=y=z$  y el punto  $A(1,0,1)$ .

**a) [1 punto]** Obtener el plano perpendicular a la recta y que contenga al punto.

**b) [1,5 puntos]** Obtener el plano que contenga a la recta y al punto.